

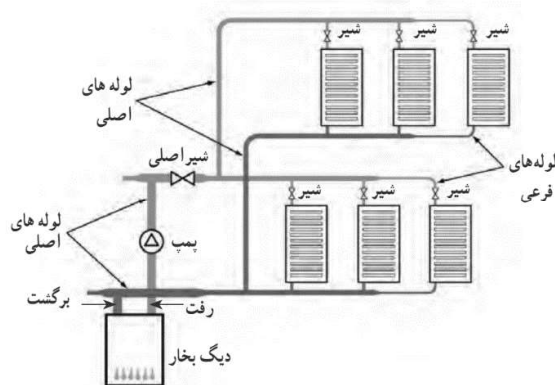
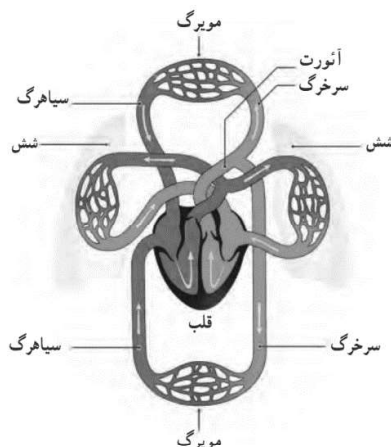
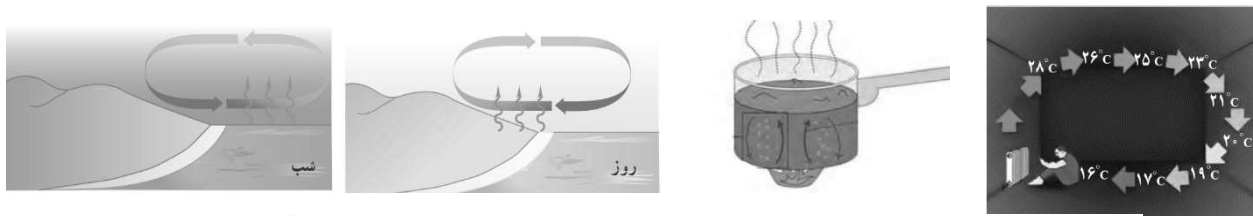
تعریف: انتقال گرما در مایعات و گازها که همراه با جابه‌جایی بخشی از خود ماده است.

فرایند: گرم شدن شاره ← افزایش حجم و کاهش چگالی ← افزایش نیروی شناوری و بالا رفتن ← انتقال انرژی همراه ماده

همرفت عامل مؤثر ← هرچه ضریب انبساط حجمی مایع بیشتر باشد، همرفت بهتر انجام می‌پذیرد.

طبیعی: همرفت بدون کمک پمپ مانند گرم شدن هوای اتاق با شواژ، گرم شدن آب درون قابلمه، جریان بادهای ساحلی (در روز به سمت ساحل و در شب به سمت دریا)، انتقال گرما از مرکز خورشید به سطح آن

واداشته: همرفت به کمک پمپ مانند سیستم گرم کننده مرکزی در ساختمان‌ها، سیستم خنک کننده موتور اتومبیل و دستگاه گردش خون



تعریف: انتقال گرما از طریق ارتعاش اتم‌ها یا حرکت الکترون‌های آزاد

انواع: ناهلزات: رسانش صرفاً از طریق ارتعاش اتم‌ها ← رساناهای خوبی نیستند.

فلزات: رسانش از طریق ارتعاش اتم‌ها + الکترون‌های آزاد (سهم بیشتر)

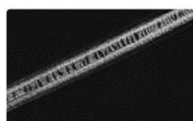
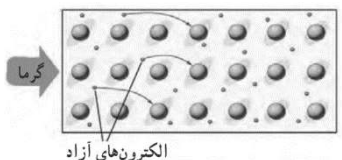
فلزات در هوای سرد در لمس سردتر از ناهلزات و در هوای گرم، گرم‌تر هستند.

برخی آشپزها برای زودتر پختن سیب‌زمینی در آن چند سیخ فلزی کوچک فرو می‌کنند.

مثال: موهای خرس‌های قطبی توخالی هستند ← رسانندگی گرمایی پایین ← گرم نگه داشتن بدن خرس

شیشه‌های دوجداره ← رسانندگی گرمایی پایین ← کاهش هدر رفتن انرژی

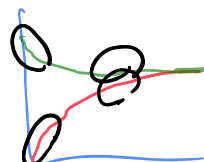
پالتو ← رسانندگی گرمایی پایین ← گرم نگه داشتن بدن



## درسمانه گرما و تغییر حالت‌های ماده

### گرما و تغییر دما

گرما مقدار انرژی گرمایی است که به دلیل اختلاف دمای میان دو جسم بین آن‌ها مبادله می‌شود و از رابطه  $Q = m \cdot c \cdot \Delta\theta$  به دست می‌آید. در این رابطه  $m$  جرم،  $c$  گرمای ویژه (یا ظرفیت گرمایی ویژه) و  $\Delta\theta$  تغییرات دما است. گرما ویژگی یک فرایند و تغییر است و واژه‌ی گرمای ماده اشتباه است. فرایند هم‌دما شدن ابتدا سریع و سپس کندتر رخ می‌دهد و در این فرایند از نگاه میکروسکوپی انرژی‌های جنبشی و پتانسیل مربوط به حرکت‌های کاتوره‌ای جسم گرم‌تر کاهش می‌یابد و همین انرژی‌ها در جسم ~~گرم‌تر~~ سردتر افزایش می‌یابد.



نکات:

- ۱- یکای گرما مانند سایر انرژی‌ها ژول ( $J$ ) است که فرعی و نرده‌ای است و به صورت  $N.m$ ،  $\frac{kg.m^2}{s^2}$  و  $w.s$  نیز نوشته می‌شود. هر کالری ( $cal$ ) معادل  $4.2$  ژول است.
- ۲- به جنس و دما بستگی دارد و یکای آن  $\frac{J}{kg.K}$  است، یعنی گرمای لازم برای افزایش دمای  $1$  کیلوگرم از ماده به اندازه  $1K$  است.
- ۳- مقدار  $\Delta\theta$  و  $\Delta T$  با هم برابر است و  $\frac{5}{9} \Delta F$  است.
- ۴- فرمول فوق به صورت  $Q = C \cdot \Delta\theta$  نیز نوشته می‌شود که  $C$  ظرفیت گرمایی است و چون معادل  $m \cdot c$  است به جرم و جنس ماده و دما بستگی دارد و واحد آن  $\frac{J}{K}$  است یعنی گرمای لازم برای افزایش دمای ماده به اندازه  $1K$ .

تیب بندی مسائل گرما

تیب ۱: جایگذاری

می‌توان به جای  $Q$  در رابطه،  $P \cdot t$  یا سایر انرژی‌ها (انرژی جنبشی) را قرار داد. به جای  $m$  می‌توان  $\rho \cdot V$  قرار داد و  $\Delta\theta$  نیز برابر  $\Delta T$  و  $\frac{5}{9} \Delta F$  است.

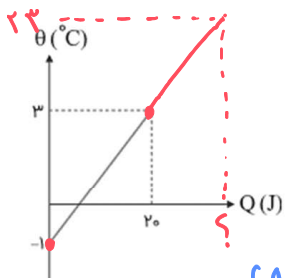
**تعرین ۸:** قطعه‌ای آهن به چگالی  $8 \frac{g}{cm^3}$  و ابعاد  $4 \times 5 \times 5$  سانتی‌متر داریم. اگر گرمای ویژه آهن  $450 \frac{J}{kg.K}$  باشد، یک گرمکن با توان  $5000W$  و بازده  $20\%$ ، در مدت  $100$  ثانیه، دمای فلز را چند  $F$  افزایش می‌دهد؟

$$P \cdot t \% = m \cdot c \cdot \Delta\theta$$

$$5000 \times 100 \times \frac{20}{100} = m \cdot 450 \cdot \Delta\theta$$

$$\Delta\theta = \frac{1000}{450} = \frac{20}{9} \Delta F$$

$$\Delta F = \frac{9}{20} \Delta\theta$$



**تعرین ۹:** نمودار تغییرات دما برحسب گرمای داده شده به جسمی با جرم  $m$  به صورت زیر است:

$$Q = 20 J$$

$$\Delta\theta = 4^\circ C$$

(الف) ظرفیت گرمایی این جسم چند  $\frac{J}{C}$  است؟

$$Q = C \times \Delta\theta$$

$$20 = C \times 4$$

(ب) اگر جرم جسم  $20$  گرم باشد، گرمای ویژه‌ی آن چند  $\frac{J}{kg.C}$  است؟

$$20 = 20 \times c \times 4$$

$$c = \frac{20}{20 \times 4} = \frac{1}{4}$$

(پ) جسم چند ژول گرما باید بگیرد تا دمای آن به  $296K$  برسد؟

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta\theta$$

$$Q = 20 \times \frac{1}{4} \times (296 - 273)$$

$$Q = 20 \times \frac{1}{4} \times 23 = 115$$

تیب ۲: چند برابری

**تعرین ۱۰:** چگالی جسم  $A$  برابر چگالی جسم  $B$  و حجم آن  $3$  برابر حجم جسم  $B$  است. اگر گرمای ویژه‌ی جسم  $A$   $\frac{1}{3}$  برابر جسم  $B$  باشد:

(الف) ظرفیت گرمایی جسم  $A$  چند برابر جسم  $B$  است؟

$$C_A = \rho_A \cdot V_A \cdot c_A$$

$$C_B = \rho_B \cdot V_B \cdot c_B$$

$$\frac{C_A}{C_B} = \frac{\rho_A \cdot V_A \cdot c_A}{\rho_B \cdot V_B \cdot c_B} = \frac{1 \cdot 3 \cdot \frac{1}{3}}{1 \cdot 1 \cdot 1} = 1$$

(ب) شیب نمودار  $\theta$  برحسب تغییر  $Q$  برای جسم  $A$  چند برابر جسم  $B$  است؟

$$\frac{\Delta\theta}{Q} = \frac{1}{C}$$

$$\frac{\Delta\theta}{Q} = \frac{1}{m \cdot c}$$

(پ) به ازای گرمای یکسان، افزایش دمای جسم  $B$  چند برابر جسم  $A$  است؟

$$Q = C \cdot \Delta\theta$$

$$\Delta\theta = \frac{Q}{C}$$

$$\frac{\Delta\theta_B}{\Delta\theta_A} = \frac{C_A}{C_B} = 1$$

۱- فرایندهایی که به سمت بالا می روند، گرماگیر هستند و فرایندهایی که به سمت پایین می آیند گرماده هستند و در این فرایندها با وجود مبادله گرما تغییر دما ندارند.  
۲- گرمای فرایند ذوب یا انجماد  $Q = m \cdot L_f$  و گرمای فرایندهای تبخیر یا میعان  $Q = m \cdot L_v$  است.

### فن استاد

در حل مسائل تغییر حالت، می توانیم از  $mL_v$  و  $mL_f$  استفاده کنیم و یا می توانیم یخ و بخار را به آب تبدیل کنیم و از  $m \cdot c \cdot \Delta\theta$  استفاده کنیم. اگر مساله فقط با یک فرمول  $mL_v$  و  $mL_f$  حل شد، یعنی فقط مقداری یخ  $0^\circ\text{C}$  به آب  $0^\circ\text{C}$  (آب به یخ  $0^\circ\text{C}$  به  $0^\circ\text{C}$ ) یا آب  $100^\circ\text{C}$  به بخار  $100^\circ\text{C}$  (بخار  $100^\circ\text{C}$  به آب  $100^\circ\text{C}$ ) تبدیل شد، می توانیم از  $mL_v$  و  $mL_f$  استفاده کنیم، اما اگر چند فرمولی بود، یعنی تغییر دمای آب یا یخ نیز داشتیم، یخ و بخار را به آب معادل سازی می کنیم:

**مثال:** بخار  $100^\circ\text{C}$  → آب  $100^\circ\text{C}$  → آب صفر → یخ صفر → یخ  $-40^\circ\text{C}$  → یخ  $-80^\circ\text{C}$   
**معادل سازی یخ:** برای یخ  $-80^\circ\text{C}$  در نظر می گیریم و دمای آن را نصف می کنیم و ۲ عدد را جمع می زنیم.

**تعرین ۱۱:** معادل سازی های زیر را انجام دهید:

(الف) یخ  $-40^\circ\text{C}$  → آب  $-100^\circ\text{C}$

(ب) یخ  $-6^\circ\text{C}$  → آب  $-82^\circ\text{C}$

(پ) آب  $-90^\circ\text{C}$  → یخ  $-100^\circ\text{C}$

(ت) آب  $-102^\circ\text{C}$  → یخ  $-100^\circ\text{C}$

**معادل سازی مخلوط آب و یخ:** در مخلوط آب و یخ از روش تناسب استفاده کنید. اگر تمام مخلوط یخ باشد دما  $-80^\circ\text{C}$  است و وقتی در مخلوط گرم یخ باشد دما با تناسب به دست می آید.

**تعرین ۱۲:** معادل سازی های زیر را انجام دهید:

(الف) مخلوط  $1\text{kg}$  یخ و  $4\text{kg}$  آب =  $5\text{kg}$  آب  $-14^\circ\text{C}$

(ب) مخلوطی از آب و یخ که ۴۰ درصد آن یخ است = آب  $-22^\circ\text{C}$

(پ)  $10^\circ\text{C}$  کیلوگرم آب  $-8^\circ\text{C}$  درجه =  $1\text{kg}$  یخ و  $9\text{kg}$  آب صفر درجه

**معادل سازی بخار:** برای بخار آب  $100^\circ\text{C}$  درجه → فرایند تبخیر معادل  $54^\circ\text{C}$  درجه گرما می گیرد، پس وقتی آب  $100^\circ\text{C}$  درجه به بخار تبدیل می شود، انگار  $54^\circ\text{C}$  درجه دیگر افزایش دما داشته و معادل آب  $64^\circ\text{C}$  درجه است.

**تعرین ۱۳:**  $3^\circ\text{C}$  کیلوگرم یخ  $-60^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس در ظرفی موجود است:  $(c = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}})$

(الف) اگر  $630^\circ\text{C}$  کیلوژول گرما به آن بدهیم، جرم یخ موجود در ظرف چند برابر آب می شود؟

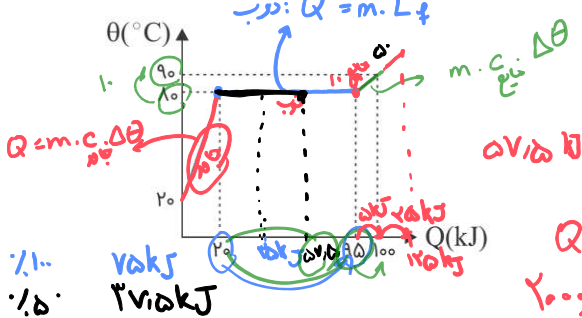
$$\Delta\theta = 75^\circ - (-11^\circ) = 86^\circ$$
$$Q = m \cdot c \cdot \Delta\theta = 95 \omega \cdot kJ$$
$$-(\wedge) - (-11) = 2$$
$$\frac{\cancel{r_0} \cancel{v_0}}{\cancel{r_0} \cancel{v_0}} \times 1 = 1 \mu s$$

(پ) در پیرسش ... درصد گرمای داده شده صرف افزایش دمای یخ شده است

$mL_f$   $m \cdot C_{\text{ice}} \times \Delta T$   $mL_f$   $-40^\circ\text{C}$

یخ -۴۰  
صفت صفر  
صفر -۱۵  
۷۵°C

الف) گرمای نهان ذوب چند  $\frac{J}{kg}$  است؟


$$Q = mL_f$$
$$\forall \delta > 0 \exists \epsilon > 0 \text{ s.t. } |f| < \epsilon \Rightarrow |f| < \delta$$
$$\frac{Y_{1..}}{4} = \frac{100}{4} = 25$$

(پ) گرمای ویژه جسم مایع چند  $\frac{J}{kg.K}$  است؟

$\frac{1}{2}$

$1000 \frac{J}{kg.K}$

۲۰۰۰ روپ

$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$

1K.C

$$1f. + 2V^w = 51^w K$$

$\rho, C, \alpha, L_T \leftarrow \text{چیس, دبا}$

جس ← Lf

۱-  $L_f$  به  $\frac{\text{جنس}}{\text{دمای}}$  ماده و  $L_v$  به  $\frac{\text{جنس}}{\text{دمای}}$  ماده بستگی دارد.

۲- با  $\frac{\text{افزایش}}{\text{کاهش}}$   $\frac{L_v}{L_f}$  کاهش می یابد.

۳- نقطه ذوب  $\frac{\text{جنس ماده}}{\text{فشار وارد بر آن}}$  به هر ماده بستگی دارد.

۴- در هنگام ذوب شدن جامدهای بلورین، غالباً حجم آنها  $\frac{\text{افزایش}}{\text{کاهش}}$  می‌یابد و هنگام ذوب شدن یخ  $\frac{\text{افزایش}}{\text{کاهش}}$  حجم رخ می‌دهد.

۵- افزایش فشار در اغلب مواد سبب افزایش نقطه جوش و افزایش نقطه ذوب می‌شود و در آب سبب افزایش نقطه جوش و افزایش نقطه ذوب می‌شود که

دومی چشمگیر ناچیز است.

۶- در  $\frac{\text{ارتفاعات}}{\text{دیگ زودپز}}$  نقطه‌ی جوش بالا می‌رود.

۷- افزودن ناخالصی (مانند نمک) به آب، نقطه‌ی جوش را  $\frac{\text{افزایش}}{\text{کاهش}}$  و نقطه‌ی ذوب را  $\frac{\text{افزایش}}{\text{کاهش}}$  می‌دهد.

افزودن فشار

۸- جامدهای بی‌شکل مانند شیشه نقطه ذوب مشخص دارند و در یک بازه‌ی دمایی ذوب می‌شوند و قبل از ذوب شدن خمیری شکل می‌شوند.

۹- وقتی حباب‌های گاز بالا آمده از درون مایع بتوانند به سطح مایع برسند، آهنگ تبخیر به مقدار خود می‌رسد و به این فرایند جوش کامل می‌گوییم.

$$V \propto \frac{1}{p}$$

۱۰- تبخیر سطحی در دماهای بالا انجام می‌شود و دما، افزایش سطح، افزایش جریان هوا و فشار هوا تبخیر سطحی را بیشتر می‌کند.

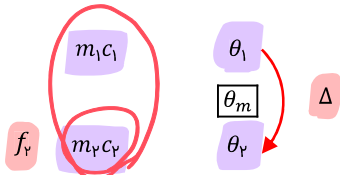
۱۱- در تماس الکل با پوست، الکل از پوست گرما می‌گیرد و با قرار دادن تشت آب در سالن بزرگ سرپشته در شب‌های بسیار سرد، آب به سالن گرما می‌دهد.

۱۲- در جوشیدن همانند تبخیر سطحی، سطح مایع در فرایند تبخیر شرکت می‌کند.

آب سرد شده

## دمای تعادل

- برای آموزش بهتر این بخش توصیه می‌کنم ویدئوی پیش‌نیاز میانگین وزن‌دار را ببینید.
- برای محاسبه‌ی دمای تعادل هنگامی که دو ماده با دما و جرم و گرمای ویژه‌ی معلوم داریم، در ستون راست دماها را می‌نویسیم (دمای سردتر را بالا می‌نویسیم) و در ستون چپ ظرفیت‌های گرمایی ( $m \cdot c$ ) را می‌نویسیم.



$$\theta_m = \Delta \cdot f_v + \theta_1$$

همچنین ممکن است یکی از چهار پارامتر  $\theta_1$ ،  $m_1c_1$ ،  $\theta_2$  یا  $m_2c_2$  مجهول باشد و دمای تعادل ( $\theta_m$ ) معلوم باشد که داریم:

$$m_1c_1$$

$$\theta_1$$

$$\theta_m$$

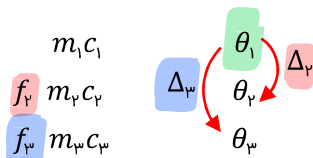
$$\theta_2$$

$$m_2c_2$$

$$\frac{m_1c_1}{m_2c_2} = \frac{\Delta_1}{\Delta_2}$$

- ستون سمت چپ قابل ساده شدن است، پس اگر دو ماده از یک نوع بودند (مثلاً آب و آب)  $c$ ها با هم ساده می‌شوند و کافایت  $m$ ها را بنویسیم.

دمای تعادل برای ۳ ماده:



$$\theta_m = \theta_1 + \Delta_1 \cdot f_v + \Delta_2 \cdot f_v + \Delta_3 \cdot f_v$$

**تمرین ۵:** ۱۱ گرم آب  $31^\circ\text{C}$  را با ۳۳ گرم آب  $59^\circ\text{C}$  مخلوط می‌کنیم. دمای تعادل چند درجه سلسیوس می‌شود؟

$$\begin{aligned} 11 \times 31 + 33 \times 59 &= (11 + 33) \times \theta \\ 341 + 1947 &= 44 \times \theta \\ 2288 &= 44 \times \theta \\ \theta &= 52 \end{aligned}$$

تمرین بالا را به روش معمولی نیز حل کنید تا تفاوت این دو روش را ببینید.

$$\begin{aligned} 11 \times 31 + 33 \times 59 &= 44 \times \theta \\ 341 + 1947 &= 44 \times \theta \\ 2288 &= 44 \times \theta \\ \theta &= 52 \end{aligned}$$

**تمرین ۱۶:** قطعه‌ای فلز با دمای  $23^\circ\text{C}$  را در ظرفی حاوی  $2\text{kg}$  آب  $15^\circ\text{C}$  می‌اندازیم و بعد از ایجاد تعادل دمای آب  $1$  درجه سلسیوس افزایش می‌یابد. ظرفیت گرمایی فلز چند است؟  $\frac{1}{K}$  است؟  $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K})$

$$2 \times 4200$$

$$\begin{aligned} 15 &\rightarrow 1 \\ 12 &\rightarrow 7 \\ 23 &\rightarrow 7 \end{aligned}$$

$$\frac{2 \times 4200}{m \cdot c} = \frac{1}{1}$$

$$mc = 1200$$



$$m = 4g$$

تعرین ۱۷: چند گرم بخار آب  $100^\circ\text{C}$  می تواند دمای  $14^\circ\text{C}$  گرم یخ صفر درجه را به  $80^\circ\text{C}$  برساند؟

$$m = \frac{14}{57} \times \frac{4}{14}$$

$$\frac{m}{14} = \frac{4}{14}$$

تعرین ۱۸: در گرماسنجی به ظرفیت گرمایی  $6300 \frac{J}{kg \cdot K}$  و با دمای  $20^\circ\text{C}$   $2$  کیلوگرم آب  $20^\circ\text{C}$  و قطعه ای مس به جرم  $6$  کیلوگرم و با دمای  $85^\circ\text{C}$  قرار می دهیم تا به تعادل برسند. دمای تعادل چند  $^\circ\text{C}$  است؟ ( $c_{\text{مس}} = 1050 \frac{J}{kg \cdot K}$ )

$$7300 + 1860 = 19150$$

$$19150 \times 3 = 57450$$

$$57450 \div 1050 = 54.71$$

### ۳ نکته زبان شناسی در میانگین وزن دار:

وقتی مسأله می گوید «تمام یخ ذوب شود» یا «یخی در ظرف باقی نماند» یعنی دمای تعادل به صفر می رسد.

تعرین ۱۹: حداقل چند گرم مس  $20^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس را بر روی  $6$  گرم یخ  $-40^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس بگذاریم تا تمام یخ ذوب شود؟ ( $c_{\text{مس}} = 420 \frac{J}{kg \cdot K}$ )

$$\frac{m}{6} = \frac{1}{10}$$

$$m = 6 \times 10 = 60$$

وقتی مسأله می گوید «تمام آب یخ بزند» یعنی دمای تعادل را  $-80^\circ\text{C}$  در نظر بگیرید.

تعرین ۲۰: حداقل چند گرم یخ  $-60^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس را در  $m$  گرم آب  $10^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس قرار دهیم تا تمام آب یخ بزند؟

$$\frac{m}{10} = \frac{9}{11}$$

$$m = 9 \times \frac{10}{11} = 8.18$$

اگر مقداری یخ صفر درجه ذوب شود و در نهایت مقداری از آن بدون تغییر باقی بماند، برای محاسبه جرم یخ اولیه، می توانیم مقدار ذوب شده را از میانگین وزن دار محاسبه کنیم و با جرم یخ باقی مانده جمع ببندیم.

تعرین ۲۱:  $150$  گرم آب  $40^\circ\text{C}$  را بر روی قطعه ای یخ صفر درجه سلسیوس می ریزیم تا تعادل برقرار شود. اگر در پایان: الف)  $30$  گرم یخ باقی بماند، جرم قطعه یخ اولیه چند گرم بوده است؟

$$m = \frac{4}{150} \times \frac{1}{150}$$

$$m = 1.78$$

ب)  $80$  درصد یخ، ذوب نشده باقی بماند، جرم قطعه یخ اولیه چند گرم بوده است؟

$$m = 1.78 + 1.2m$$

$$m = 2.75$$

1. C

**تحریر ۲۲:** اگر ۴۷ گرم بخ ۲۰- درجه را در ۹۴ گرم آب ۶۰ درجه بپایندازیم، دمای تعادل به چند درجه می‌رسد؟

١- صف - ٢ صف - ٣ صف

~~✓~~ ۱۰۰٪ است ۱۰۰٪ است ۱۰۰٪ است

$\frac{1}{10} \times \frac{r}{r} = 100$

$-1.0$        $-1.0$   $\xleftrightarrow[\sim]{\text{مقابل}}$   $0$

1.. 7t. ~~log 9f~~

٤: (مسألة) ...

$$\rightarrow \begin{pmatrix} -10 \\ -2 \end{pmatrix}$$

4.  $\pi$  - 12

**? تعریف ۲۳:** یک قطعه مس با دمای  $50^{\circ}\text{C}$  گرمای ویژه  $420$  و چگالی  $2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و حجم  $200 \text{ cm}^3$  در مخلوطی از آب و یخ که جرم یخ  $16 \text{ g}$  و آب  $24 \text{ g}$  است انداخته می‌شود. دمای تعادل چند درجه می‌شود؟

A hand-drawn diagram of a cell. The cell is represented by a large, irregular black outline. Inside the cell, there is a large, oval nucleus with a smaller, circular nucleolus inside it. The nucleus is outlined in red. To the right of the nucleus, there are two mitochondria, each represented by an oval with internal folds (cristae). One mitochondrion is outlined in blue and the other in green. The entire diagram is drawn on a white background.

$12 \times \frac{1}{5} = 2.4$

100 - 100

**تعرین ۲۴:** اگر  $m$  گرم آب ۵۶ درج با ۲۲ گرم یخ  $-40^\circ$  درجه به تعادل گرمایی برسد، در نهایت چند گرم آب صفر درجه خواهیم داشت؟ (۱,۲م)

$\cdot 14 \begin{pmatrix} -1. \\ -1. \end{pmatrix}$

Diagram illustrating the calculation of the error gradient for the bias  $b$  in the second layer:

- The error gradient for the bias  $b$  is calculated as  $\delta y \times \frac{1}{r} = \delta y$ .
- The diagram shows a box labeled  $-b$  with an incoming arrow from the error gradient  $\delta y$  (labeled  $-1 \dots$ ) and an outgoing arrow labeled  $\delta y$ .